

Fonction de transfert:

$$T(j\omega) = \frac{V_s}{V_e}$$

pour R_c

$$T(j\omega) = \frac{V_s}{V_e} = \frac{Z_c}{Z_c + R}$$

$$= \frac{1}{\frac{R}{Z_c} + 1}$$

$$= \frac{1}{1 + j\omega R C}$$

$$= \frac{1}{1 + j\omega \tau}$$

pour R_L

$$T(j\omega) = \frac{R}{Z_c + R}$$

$$= \frac{1}{1 + \frac{Z_c}{R}}$$

$$= \frac{1}{1 + j\omega \tau}$$

$$\omega_c = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{RC}$$

(2)

$$f_c = 200 \text{ Hz}$$

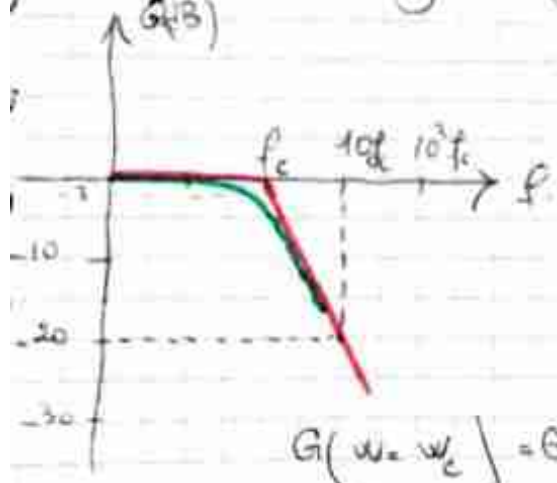
$$\omega_c = 2\pi f_c$$

Pour $(R_c) \tau = \frac{1}{2\pi f_c R}$

$(R_L) \tau = L = \frac{R}{2\pi f_c}$

AN.

(3) Courbe de gain: (dB)



$$G(\omega = \omega_c) = G_{max} = -30 \text{ dB}$$

filtre passe bas du 1^{er} ordre

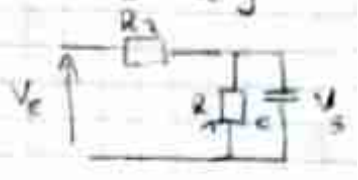
(20 dB)/décade

passe haut du 2^{ème} ordre + 40 dB/décade

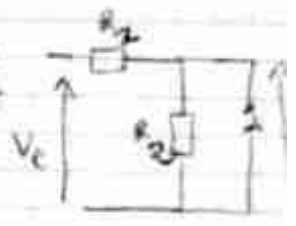
La bande passante: $[0, f_c]$

Exercice 2:

(1) en BF. ($\omega \rightarrow 0$)



$$\frac{V_s}{V_e} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} = \frac{V_s}{V_c}$$



en HF ~~transmission~~



$$V_c = 0$$

Donc il s'agit d'un filtre passe bas du premier ordre.

(2)

$$T(j\omega) = \frac{V_s}{V_e} = \frac{Z_{eq}}{Z_{eq} + R_1}$$

$$= \frac{1}{1 + \frac{R_1}{Z_{eq}}}$$

avec $Z_{eq} = \frac{Z_c \cdot R_2}{Z_c + R_2}$

$$T(j\omega) = \frac{1}{1 + \frac{R_1}{R_2} \left(\frac{Z_c + R_2}{Z_c} \right)}$$

$$= \frac{1}{1 + \frac{R_1}{R_2} + \frac{R_1}{Z_c}}$$

* La courbe de phase:

$$\varphi = \arg\left(\frac{1}{1+j^2}\right) = \arg\left(\frac{1/2}{1+j^2}\right)$$

$$\Rightarrow \varphi = \arg\left(\frac{1}{2}\right) - \arg(1+j^2)$$

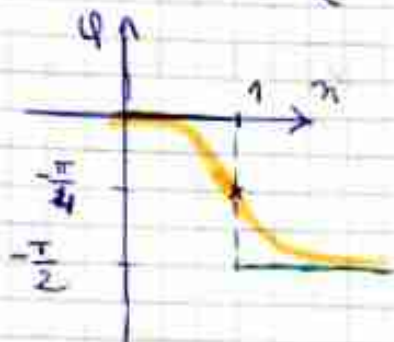
en BF: $n \ll 1$

$$\varphi \rightarrow 0$$

en HF $n \gg 1$

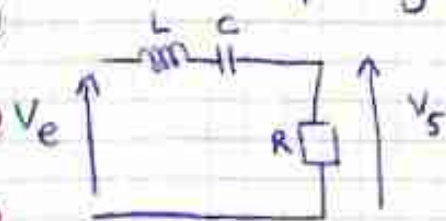
$$\varphi \rightarrow -\frac{\pi}{2}$$

$$n = 1 \quad \varphi = -\frac{\pi}{2}$$



Exercice 3:

1) Le récepteur radio doit capter les signaux de fréquences allant de 90 KHz et 240 KHz. C'est les fréquences entre 90 KHz et 240 KHz vont être favorisées, les autres seront atténuées, donc le récepteur doit réaliser un filtrage **passé bande**.



la tension de sortie doit être mesurée au **bornes de résistor**.

(Condensateur = passe bas
bobine = passe haut)

$$\textcircled{1} T(j\omega) = \frac{V_o}{V_e} = \frac{R}{R + Z_L + Z_C}$$

$$T(j\omega) = \frac{R}{R + \frac{1}{j\omega C} + j\omega L}$$

$$T(j\omega) = \frac{j\omega C R}{j\omega C R + 1 + (j\omega)^2 L C}$$

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$T(j\omega) = \frac{j\omega C R - \frac{\omega_0}{\omega}}{j\omega C R + 1 + \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 LC}$$

$$T(j\omega) = \frac{j\omega C R \frac{\omega_0}{\omega_0} + 1 + \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 LC}{j\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right) R \sqrt{\frac{C}{L}} + \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 LC}$$

$$1 + j\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right) R \sqrt{\frac{C}{L}} + \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 LC$$

$$= \frac{j \cdot R \sqrt{\frac{C}{L}} \frac{\omega}{\omega_0}}{1 + j R \sqrt{\frac{C}{L}} \frac{\omega}{\omega_0} + \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 LC}$$

$$1 + j R \sqrt{\frac{C}{L}} \frac{\omega}{\omega_0} + \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 LC$$

pour comparaison avec la forme canonique d'un filtre passe bande.

$$T(j\omega) = \frac{T_0 \times 2j L m \omega}{1 + 2j m \omega + (j\omega)^2}$$

$T_{max} = 1$
le gain

$$m = \frac{R}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$$

le coefficient

d'amortissement.

③

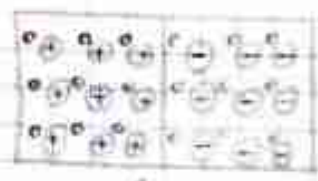
$$f_{cb} \leq f_0 \leq f_{ch}$$

$$f_{cb} \leq f_0 \leq f_{ch}$$

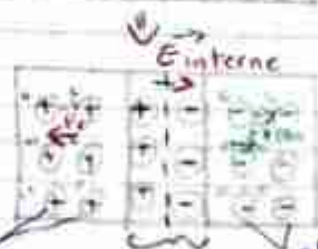
$$e = \frac{1}{e(n\mu_n + p\mu_p)} = 0.45 \Omega \cdot \text{cm}$$

$$\sigma = \frac{1}{e} = 2.2 \Omega^{-1} \cdot \text{cm}^{-1}$$

Jonction polaire
Exercice 3.



Z_{ce} contient toujours des trous ou des électrons



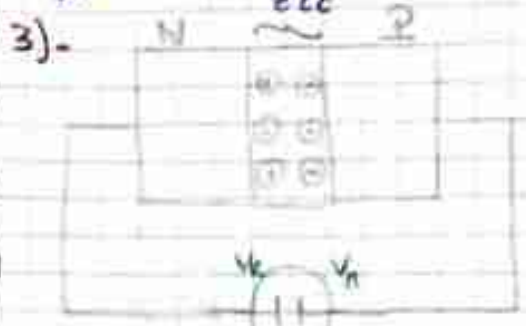
$$\vec{F} = q\vec{E}_{int}$$

$$\vec{F}_e = -e\vec{E}$$

- atomes dopants donneurs ionisés
- atomes dopants accepteurs ionisés
- Z_{ce}
- Z_{ce} : zone de charge d'espace
- zone de depletion
- zone desertée

- 1) si existe des charges au niveau du plan de la jonction, il est une zone de charge d'espace formé. cette région contient des charges fixes c-à-dire des atomes dopants ionisés (donneurs et accepteurs ionisés)
- 2) La présence de Z_{ce} entraîne l'existence d'un champ électrique et donc une variation de potentiel.
- 3) La différence de potentiel entre ces deux régions constitue une barrière de potentiel

ce qu'on appelle la tension de diffusion.



$$V_{AK} = V_n - V_{pk}$$

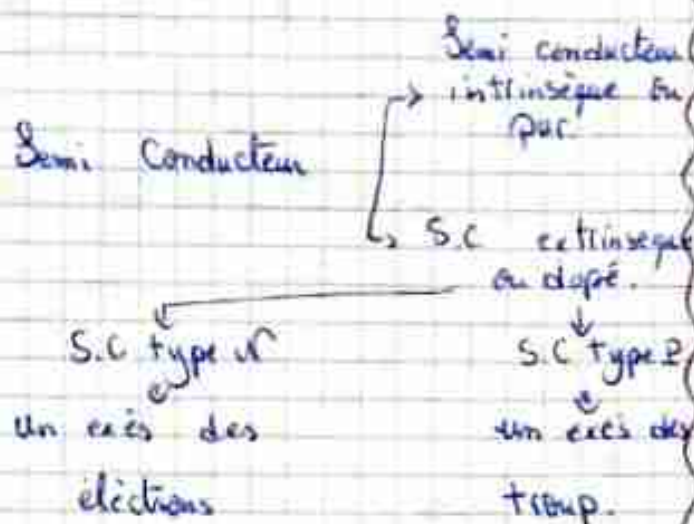
- $V_{AK} > 0$: la polarisation est directe (disparation de la zone ZCE)
- $V_{AK} < 0$: polarisation inverse (élargissement de la zone ZCE)

- en appliquant une polarisation directe, on diminue la hauteur de la barrière de potentiel qui existait quand la jonction n'est pas polarisée ce qui entraîne une diminution de la largeur de ZCE
- en appliquant une polarisation inverse on augmente la hauteur de la barrière de potentiel qui existait avant

- * diffusion (différence de concentration = le gradient de concentration)
 - * le champ électrique (due à la différence de potentiel).
- Exercice 4.

Série 3:

Rappel:



Ex 1:

1) Le principe de base du dopage des semi-conducteurs, c'est la méthode qui permet d'augmenter la densité des électrons ou des trous en injectant des atomes de valence 4 pour le dopage N ou bien les atomes de valence 3 (+ trivalent) pour le dopage P.

2) S.C. dopé (N ou P) reste neutre.

Il y a d'autant de charge + que de charges négatives.

C'est la neutralité électrique.

$$\begin{cases} p + N_D = n + N_A \\ p - N_D = n \end{cases}$$

électrons \rightarrow p et troups

$$N_D - n = p$$

3) $\sigma = 1/\rho = 10 \text{ S cm}^{-1}$

$$\sigma = \sigma_n + \sigma_p$$

$$= e (\eta \mu_n + P \mu_p)$$

Puisqu'il s'agit un SC type N alors, on peut négliger la mobilité des trous devant celle des électrons

$$\begin{aligned} \sigma &= e n \mu_n \\ n &= \frac{\sigma}{e \mu_n} \end{aligned}$$

$$n = 4,4 \times 10^{16} \text{ électrons/cm}^3$$

$$np = n_i^2$$

$$p = \frac{n_i^2}{n}$$

$$p = 5,19 \times 10^8 \text{ trous/cm}^3$$

Ex 2:

Pour un SC intrinsèque

concentration intrinsèque $n_i = p_i$ concentration intrinsèque

$$n_i = A T^{3/4} e^{-E_g / 2k_B T}$$

$$np = n_i^2 = A^2 T^3 e^{-E_g / k_B T}$$

$$k_B = 1,38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$$

en eV: $k_B = 8,65 \times 10^{-5} \text{ eV/K}$

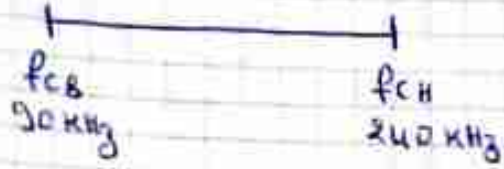
on a:

$$1 \text{ eV} = 1,6 \times 10^{-19} \text{ J} \Rightarrow$$

$$1 \text{ eV} = 6,25 \times 10^{18} \text{ eV}$$

$$k_B T \xrightarrow{\text{à } 300 \text{ K}} 25,8 \text{ meV} = 25,8 \times 10^{-3} \text{ eV}$$

$$n_i = 2,55 \times 10^{15} / \text{m}^3 = n = p$$



$$C_{min} \leq C \leq C_{max}$$

$$f_0 \leq f_{CH} \Rightarrow \frac{\omega_0}{2\pi} \leq f_{CH}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4\pi^2 LC} \leq f_{CH} \Rightarrow$$

$$C \geq \frac{1}{4\pi^2 L f_{CH}^2}$$

d'autre part :

$$f_0 \geq f_{CB} \Rightarrow C \leq \frac{1}{4\pi^2 L f_{CB}^2}$$

AN :

$$2.6 \text{ nF} \leq C \leq 36.6 \text{ nF}$$

* Pour capter une bande de fréquence allant de 90 à 240 kHz

il faut que C varie entre

2.6 nF et 36.6 nF. (nF = 10⁻⁹ F)

④

$$f_0 = 1000 \text{ MHz}, \Delta f = 2 \text{ MHz}$$

$$\text{en a } \omega_0 = 2\pi f_0 \quad \text{BP} = \left[\frac{f_{CH}}{f_0} \frac{f_{CB}}{f_0} \right]$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{LC}} = 2\pi f_0$$

$$\Rightarrow \boxed{C = \frac{1}{4\pi^2 f_0^2 L}}$$

1 MHz = 10⁶ Hz

$$C = 2.5 \text{ PF} \quad (1 \text{ PF} = 10^{-12} \text{ F})$$

$$m = \frac{R}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$$

$$Q = \frac{\omega_0}{\Delta\omega} = \frac{f_0}{\Delta f}$$

$$Q = \frac{1}{2m}$$

$$m = \frac{1}{2} \frac{\Delta\omega}{\omega_0} = \frac{1}{2} Q$$

$$Q = 50$$

donc :

$$R = 12.64 \Omega$$

~~f_{CB} = f_{CB}?~~ ~~f_{CH} = f_{CH}?~~

en a :

$$f_{CH} - f_{CB} = 2 \text{ MHz}$$

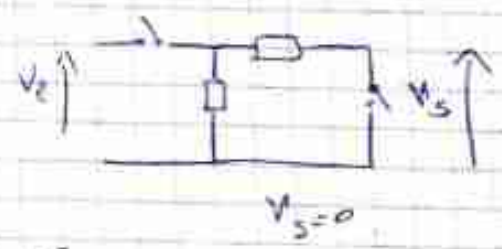
$$f_{CB} - f_{CH} = f_0^2$$

on trouve :

$$f_{CB} = 99 \text{ MHz} \quad \text{et} \quad f_{CH} = 101 \text{ MHz}$$

Exercice 4 :

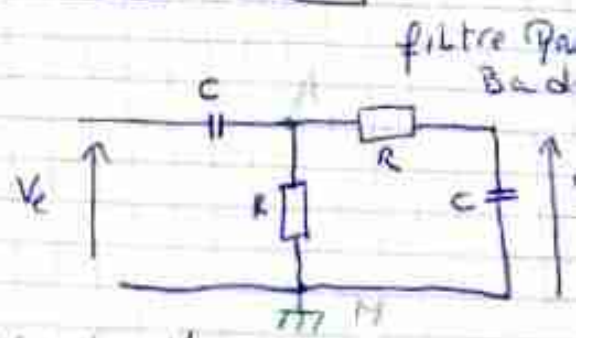
en HF : $\omega \rightarrow \infty$



en HF : $\omega \rightarrow \infty$



②



filtre Pa Bad

$$T(\omega) = \frac{V_s}{V_e}$$

Quadrupôle passif:

$$Z_{21} = Z_{12} ; h_{12} = -h_{21} ; \Delta T = T_{11}T_{22} - T_{12}T_{21} = 1$$

AB

$$Z_{11} = Z_{22} \Rightarrow \text{Quadrupôle passif.}$$

$$Y_{11} = Y_{22} \Rightarrow$$

Quadrupôle symétrique.

$$Z_{11} = Z_{22} \text{ et } Y_{11} = Y_{22}$$

Quadrupôle réciprocque $\Delta T = 1$

$$\varphi(\omega = \omega_0) = \frac{\pi}{2} - \text{arctg} \frac{\omega_1}{\omega_2}$$

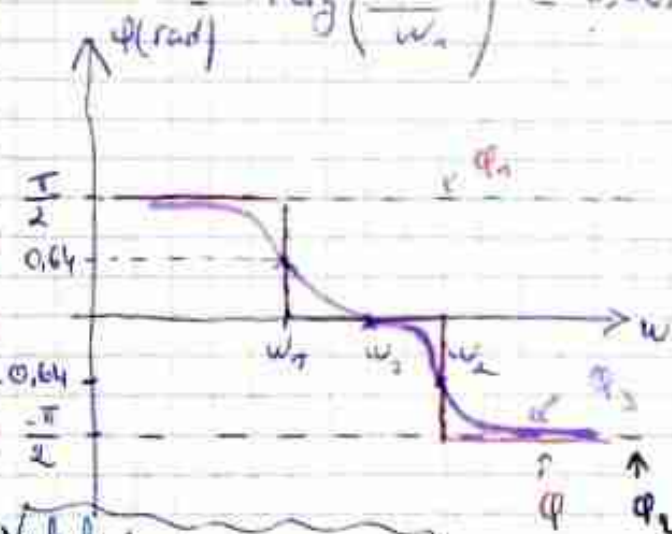
$$\text{Arg} \left(\frac{\omega_1}{\omega_2} \right) \leq 0$$

$$\varphi(\omega = \omega_0) = \text{arg} \left(j \frac{\omega_1}{\omega_0} \right) - \text{arctg} \left(\frac{\omega_1}{\omega_2} \right) - \text{arctg} \left(\frac{\omega_1}{\omega_2} \right)$$

$$\approx 36,77^\circ \approx 0,64 \text{ rad.}$$

$$\varphi(\omega = \omega_0) = \text{arg} \left(j \frac{\omega_1}{\omega_0} \right) - \text{arctg} \left(\frac{\omega_1}{\omega_2} \right)$$

$$\text{arctg} \left(\frac{\omega_1}{\omega_2} \right) \approx 0,64 \text{ rad.} \quad (2)$$



Calcul de bande = $\varphi_1 - \varphi_2$

Exercice 5

1) en BF

$$\omega \rightarrow 0 (Z_c \rightarrow \infty)$$



$$V_s = 0$$

en HF:

$$\omega \rightarrow \infty (Z_c \rightarrow 0)$$



$$V_s = 0$$

il s'agit d'un f.ltre passe bande.



$$\text{avec: } Z_{Eq} = Z_c + R$$

$$Z_{Eq} = \frac{Z_c \cdot R}{R + Z_c}$$

en appliquant le diviseur de tension

$$T(j\omega) = \frac{V_s}{V_e} = \frac{Z_{Eq}}{Z_{Eq} + Z_{Eq}}$$

$$T(j\omega) = \frac{1}{3 + \frac{Z_c}{R} + \frac{R}{Z_c}}$$

ENR

$$T(j\omega) = \frac{1}{3 + \frac{1}{j\omega CR} + j\omega CR}$$

$$= \frac{1}{3 \left(1 + \frac{1}{3} j \left(\omega CR - \frac{1}{\omega CR} \right) \right)}$$

$$T(j\omega) = \frac{1/3}{1 + \frac{1}{3} j \left(n - \frac{1}{n} \right)}$$

avec: $n = \omega CR = \frac{\omega}{\omega_0}$

$$\omega_0 = \frac{1}{CR}$$

Par identification $T_0 = T_{max} = \frac{1}{3}$

et $\phi = \frac{1}{3}$.

③ - $G_{max} = 20 \log T_{max} = 20 \log \frac{1}{3}$

$G_{max} = -20 \log(3) = -9,5 \text{ dB}$

$\phi = \arg\left(\frac{1}{3}\right) = 0$.

④ -

③ - Les pulsations de coupure vérifient les relations suivantes:

$$|T(j\omega)| = \frac{T_0 = T_{max}}{\sqrt{2}}$$

$G(\omega = \omega_c) = G_{max} = 3 \text{ dB}$

$-20 \log(\sqrt{2})$

$$\Rightarrow \frac{1/3}{\sqrt{1 + \frac{1}{9} \left(n - \frac{1}{n} \right)^2}} = \frac{1/3}{\sqrt{2}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{9} \left(n - \frac{1}{n} \right)^2 = 1$$

$$n^2 - 1 = 3n$$

$$n_1 = \frac{-3 + \sqrt{33}}{2} = \frac{\omega_1}{\omega_0}$$

$$n_2 = \frac{3 + \sqrt{33}}{2} = \frac{\omega_2}{\omega_0}$$

1/11

$$\begin{cases} \omega_1 = 0,3\omega_0 \\ \omega_2 = 3,3\omega_0 \end{cases}$$

$$3\text{dB} = [\omega_1, \omega_2]$$

$$= [0,3\omega_0, 3,3\omega_0]$$

On a: $\Delta\omega = \omega_2 - \omega_1$

$$\approx 3\omega_0$$

$\frac{\omega_0}{\Delta\omega} = \frac{1}{3}$, d'où on trouve

l'une des définitions de facteur de qualité $Q = \frac{\omega_0}{\Delta\omega}$

⑤ $Q = \arg(T_0) - \arg\left(1 + j\frac{1}{3}\left(n - \frac{1}{n}\right)\right)$

$$Q(\omega = \omega_1) = \arg\left(1 + j\frac{1}{3}\left(\frac{\omega_1}{\omega_0} - \frac{1}{\frac{\omega_1}{\omega_0}}\right)\right)$$

$$= -\arctg\left(\frac{\frac{\omega_1}{\omega_0} - \frac{1}{\omega_1/\omega_0}}{3}\right)$$

$$= -\arctg\left(\frac{0,3 - 7/0,3}{3}\right)$$

$Q(\omega = \omega_0) = -\frac{\pi}{4}$

$$Q(\omega = \omega_2) = -\arctg\left(\frac{\frac{\omega_2}{\omega_0} - \frac{1}{\omega_2/\omega_0}}{3}\right)$$

$$\approx -\frac{\pi}{4}$$

⑥ - $n \ll 1$

$$T(\omega) = \frac{1/3}{\sqrt{1 + 1/9 \left(n - 1/n \right)^2}}$$

$$T(\omega) \rightarrow x$$

$$G \rightarrow 20 \log n$$

$$\varphi \rightarrow \frac{\pi}{2}$$

$n \gg 1$

$$T(\omega) = \frac{1}{n}$$

$$G \rightarrow -20 \log(n)$$

$$\varphi \rightarrow -\frac{\pi}{2}$$

$$\varphi = -\arctg\left(\frac{\frac{1}{n} - \frac{1}{n}}{3}\right)$$

$$= 1.4 \text{ rad.}$$

$$V_s(t) = \frac{V_0}{20} \sin(\omega t + 1.42)$$

• Pour $V_0 \sin(\omega t)$

$$\frac{\omega}{\omega_0} = \frac{1}{2} = n$$

$$T(\omega) \rightarrow n = \frac{1}{2}$$

$$\varphi = -\arctg\left(\frac{\frac{1}{2} - 1}{3}\right) = 0.46 \text{ rad.}$$

$$V_s(t) = \frac{V_0}{2} \sin(100\omega t + 0.46)$$

• Pour $V_0 \sin(100\omega t)$

$$\frac{\omega'}{\omega_0} = 5 = n \gg 1$$

$$T(\omega) \rightarrow \frac{1}{n}$$

$$\varphi = -\arctg\left(\frac{5 - 1/5}{3}\right) = -1.01 \text{ rad}$$

$$V_s(t) = \frac{V_0}{5} \sin(100\omega t - 1.01)$$

donc:

$$V_s(t) = \frac{V_0}{20} \sin(\omega t + 1.42)$$

$$+ \frac{V_0}{2} \sin(100\omega t + 0.46)$$

$$+ \frac{V_0}{5} \sin(100\omega t - 1.01)$$

$$V_{eff}(t) = \overbrace{V_0}^{\text{composante continue}} + V_0 \sin(\omega t) + V_0 \sin(\omega t) + V_0 \sin(100\omega t)$$

composante sinusoidale

$$\omega = 100 \text{ rad/s}$$

$$\omega_0 = \frac{1}{RC} = 2000 \text{ rad/s}$$

Si on a un signal d'entrée sous cette forme $V_e(t) = V_{e,eff} \sin(\omega t)$

Après le filtrage, on obtient un signal de sortie sous cette forme

$$V_s(t) = V_{s,eff} \sin(\omega t + \varphi)$$

$$\text{or } T(\omega) = |T(j\omega)| = \frac{V_{s,eff}}{V_{e,eff}}$$

$$V_{s,eff} = T(\omega) V_{e,eff}$$

$$\varphi = \arg T(j\omega)$$

Donc:

$$V_s(t) = T(\omega) V_{e,eff} \sin(\omega t + \arg T(j\omega))$$

Pour V_0

C'est la composante continue de signal.

Le filtre passe bande coupe les composante de basse frequencies et notamment le continu c-à-d il coupe la composante continue.

Pour $V_0 \sin(\omega t)$

$$\frac{\omega}{\omega_0} = \frac{1}{20} = n \ll 1$$

$$T(\omega) = \frac{1/5}{\sqrt{1 + 1/9(n - 1/n)^2}}$$

$$T(\omega) \rightarrow n$$

$$\varphi = \arg(T(j\omega)) = \arg\left(1 + j\frac{1}{3}\left(n - \frac{1}{n}\right)\right)$$

donc:

$$T(j\omega) = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot \frac{1}{1 + j\omega R_1 R_2}$$

avec:

$$T_0 = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$\omega_0 = \frac{1}{R_1 R_2 C}$$

③ La courbe de gain: (en dB).

$$\rightarrow R_1 = R_2$$

$$T_0 = \frac{1}{2} \quad \omega_0 = \frac{2}{R_1 C}$$

$$T(j\omega) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{1 + j\omega R_1 R_2 C}$$

$$|T(j\omega)| = T(\omega) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 + \omega^2 R_1^2 R_2^2 C^2}}$$

$$G_{dB} = 20 \log(T(\omega))$$

$$G_{dB} = 20 \log\left(\frac{1}{2}\right) - 20 \log\left(\sqrt{1 + \omega^2 R_1^2 R_2^2 C^2}\right)$$

* en BF ($\omega \ll \omega_0$)

$$G_{dB} = 20 \log\left(\frac{1}{2}\right) = -6 \text{ dB}$$

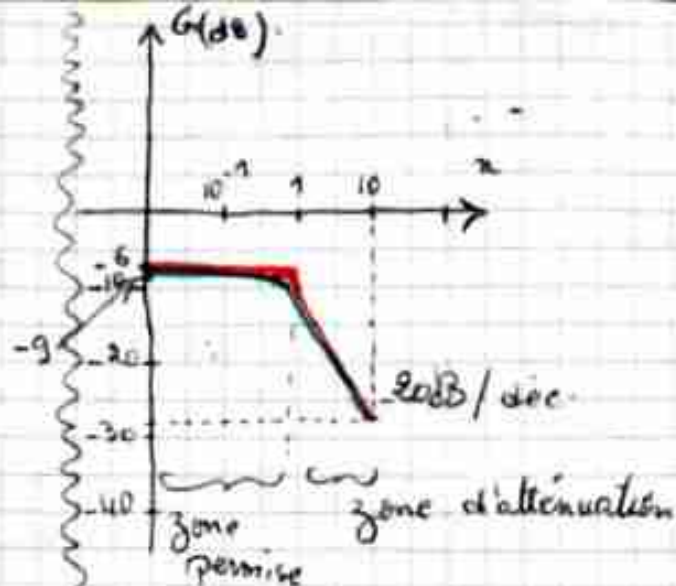
symptote horizontale de pente -6dB en HF ($\omega \gg \omega_0$).

$$G_{dB} = -6 \text{ dB} - 20 \log(\omega)$$

* Pour $\omega = \omega_0$

$$G(\omega = \omega_0) = 20 \log \frac{1}{2} - 20 \log \sqrt{2}$$

$$= -9 \text{ dB}$$



La bande passante:

$$[0, \omega_c[\quad \omega_c = 2\pi f_0$$

pulsation de coupure:

$$G(\omega = \omega_c) = G_{max} - 3 \text{ dB}$$

$$T(\omega_c) = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$20 \log\left(\frac{1}{2}\right) - 20 \log\left(\sqrt{1 + \left(\frac{\omega_c}{\omega_0}\right)^2}\right)$$

$$= 20 \log\left(\frac{1}{2}\right) - 20 \log(\sqrt{2})$$

$$20 \log\left(\sqrt{1 + \frac{\omega_c^2}{\omega_0^2}}\right) = 20 \log(\sqrt{2})$$

$$\sqrt{1 + \left(\frac{\omega_c}{\omega_0}\right)^2} = \sqrt{2}$$

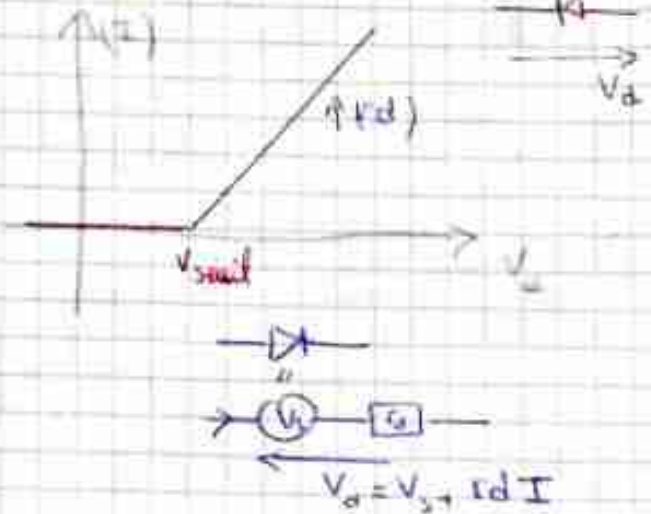
$$\omega_c = \omega_0$$

1. $V_s = 0,6 (V)$.

2) une petite variation autour de PT de fonctionnement donne la valeur de la resistance $r_d = \frac{1}{r_d} = \frac{\Delta I}{\Delta V_d}$

$r_d \approx \frac{\Delta V_d}{\Delta I} = \frac{0,8 - 0,25}{150 - 50}$

$r_d \approx 1,5 \Omega$.



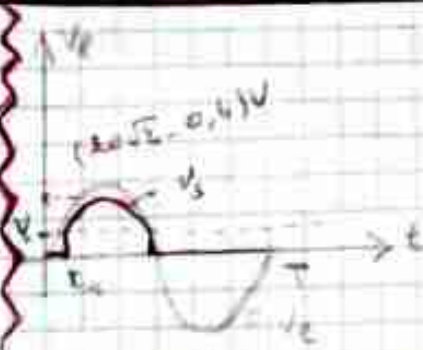
④ - généralement le diode est un composant non linéaire. pour utiliser les théorèmes relatifs au réseau linéaire, nous devons utiliser des modèles linéaire par morceaux.

→ modèle à tension seuil

→ modèle à courant seuil

Exercice 5:

① $V_e = \frac{20\sqrt{2}}{2} \sin(\omega t)$
 $a_1 : V_e \geq V_0$



$V_e = 20\sqrt{2} \sin \omega t$

$\omega = \frac{2\pi}{T}$

$t=0 \quad V_e=0$

$t = \frac{T}{4} \quad V_e = V_m$

$t = \frac{T}{2} \quad V_e = 0$

→ $V_e > 0$ (alternance positive)

→ $V_e < V_0$ diode bloquée

$V_s = 0$

→ Si $V_e \geq V_0$, la diode est passante. $V_s = V_e - V_0$.

→ $V_e < 0$: diode bloquée. $V_s = 0$

③ $\langle V_s \rangle = V_{s, moy} = \frac{1}{T} \int_0^T V_s(t) dt$

on a :

$V_s = V_e \Rightarrow V_0 = 20\sqrt{2} \sin \omega t$

$t_1 = \frac{1}{\omega} \text{Arccos} \left(\frac{V_0}{20\sqrt{2}} \right)$

d'où :

$V_s = \frac{1}{T} \int_{t_1}^{\frac{T}{2} - t_1} (V_e - V_0) dt$

$V_{eff} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T V_s^2(t) dt}$

F fait de forme $\frac{V_{eff}}{V_{moy}}$

$F = \sqrt{F^2 - 1}$

$$-j \frac{\omega}{\omega_0} \left(\frac{1}{1 + j \frac{\omega}{\omega_1}} \frac{1}{1 - j \frac{\omega}{\omega_2}} \right)$$

avec :

$$\omega_1 = \omega_0 \left(\frac{3 - \sqrt{5}}{2} \right)$$

$$\omega_2 = \omega_0 \left(\frac{3 + \sqrt{5}}{2} \right)$$

$$\omega_1 = 0,38 \omega_0$$

$$\omega_2 = 2,61 \omega_0$$

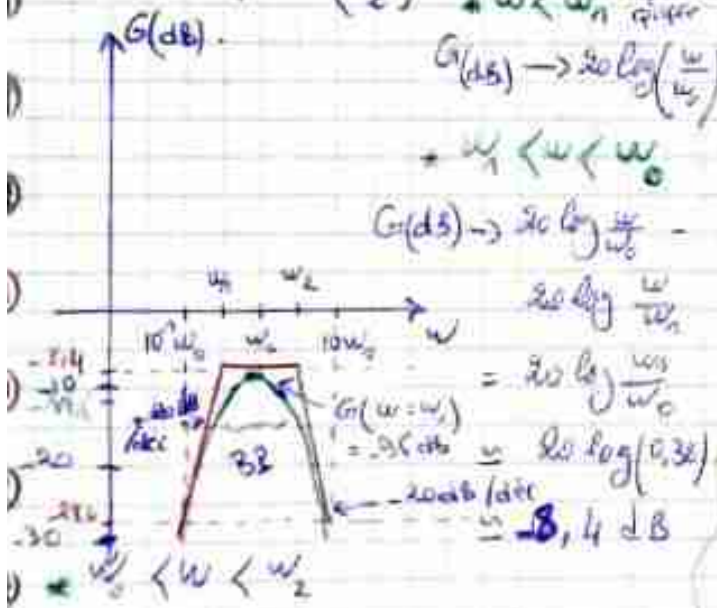
avec $\omega_1 \omega_2 = \omega_0^2$

variable lorsqu'on a un circuit de second ordre.

(4) la courbe de gain en (dB)

$$G = 20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_0} \right) - 20 \log \sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_1} \right)^2} -$$

$$20 \log \sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_2} \right)^2}$$



$$G_{dB} \Rightarrow 20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_0} \right) - 20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_2} \right)$$

$$\approx -8,4 \text{ dB}$$

$\omega > \omega_2$

$$G(\text{dB}) \rightarrow 20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_0} \right) - 20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_1} \right) - 20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_2} \right)$$

$$= 20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_0} \right) - 20 \log \left(\frac{\omega^2}{\omega_1 \omega_2} \right)$$

$$= -20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_0} \right)$$

$$G(\omega = \omega_0) = -9,55 \text{ dB}$$

$$|T(\omega = \omega_1)| = \frac{\omega_1 / \omega_0}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega_1}{\omega_1} \right)^2} \sqrt{1 + \left(\frac{\omega_1}{\omega_2} \right)^2}}$$

$$\approx 0,26$$

$$G(\omega = \omega_1) = -20 \log(0,26)$$

$$\approx -17,5 \text{ dB}$$

$$T(\omega = \omega_2) = \frac{\omega_2 / \omega_0}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega_2}{\omega_1} \right)^2} \sqrt{1 + \left(\frac{\omega_2}{\omega_2} \right)^2}}$$

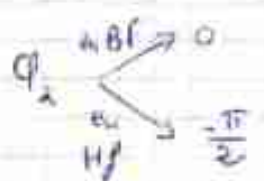
$$\approx 0,26$$

$$\Rightarrow G(\omega = \omega_2) \approx -17,5 \text{ dB}$$

+ Courbe de phase :

$$\varphi = \text{Arg } T(j\omega) = \text{Arg}(j\omega) + \text{Arg} \left(\frac{1}{1 + j \frac{\omega}{\omega_1}} \right) - \text{Arg} \left(\frac{1}{1 + j \frac{\omega}{\omega_2}} \right)$$

Imaginaire pure $\frac{\pi}{2}$



$$\varphi(\omega = \omega_0) = \text{arg}(j) + \text{arg} \left(\frac{1}{1 + j \frac{\omega_0}{\omega_1}} \right) - \text{arg} \left(\frac{1}{1 + j \frac{\omega_0}{\omega_2}} \right)$$

fonction de transfert

$$T(j\omega) = T_0 \frac{1}{1 + j\frac{\omega}{\omega_0}}$$

1^{er} ordre.

TD 1:

EX 2:

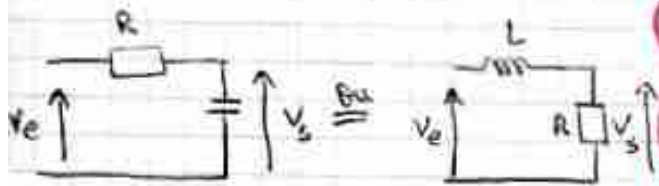
$\alpha = -\beta \rightarrow$ bande passante

matrice impédance
admittance

TD 2:

EX 1:

on peut réaliser un filtre passe bas du premier ordre avec (Rc) ou (RL) en série.



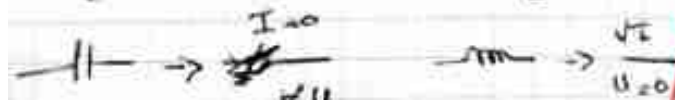
(Si en Branche la tension de sortie en R (1^{er} cas) ou dans L (2^{ème} cas) ça définit un filtre passe haut).

Pour vérifier s'il s'agit d'un filtre passe bas ou non il suffit d'étudier son comportement en BF et HF.

* En BF ($\omega \rightarrow 0$).

$$Z_C = \frac{1}{j\omega C} \text{ et } Z_L = j\omega L$$

$$Z_C \rightarrow \infty \quad Z_L = 0$$



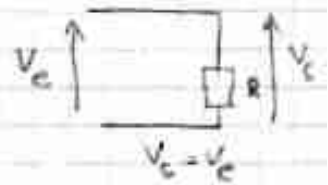
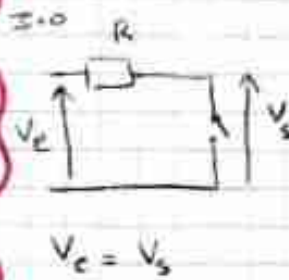
interrupteur ouvert

en fil

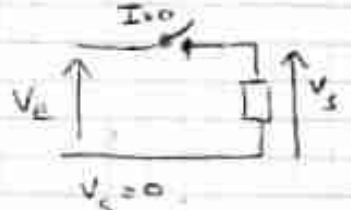
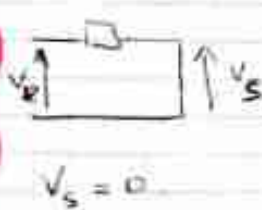
en BF

Pour (Rc)

Pour RL



en HF



donc il s'agit bien d'un filtre passe bas.

(Filtre de 1^{er} ordre: un seul composant réactif).

La forme canonique d'un

$$T(j\omega) = \frac{T_0}{1 + j\frac{\omega}{\omega_0}}$$

La puissance = 2^{ème} ordre

en nœud A, on peut appliquer

le théorème de Millman:

$$V_A = \frac{V_B}{Z_c} + \frac{V_C}{R}$$

$$\frac{1}{R_c} + \frac{1}{R} + \frac{1}{R}$$

$$V_A = \left(\frac{V_e}{Z_c} + \frac{V_c}{R} \right) \times \frac{1}{\frac{2}{Z_c} + \frac{1}{R}} \quad (*)$$

en appliquant le diviseur de tension (3) $m = \frac{3}{2} > 1$, donc:

on obtient:

$$V_s = \frac{Z_c}{R + Z_c} V_A$$

$$V_A = (R + Z_c) \times \frac{V_s}{Z_c}$$

on remplace cette expression dans

(*) on obtient:

$$(R + Z_c) \frac{V_s}{Z_c} = \left(\frac{V_e}{Z_c} + \frac{V_s}{R} \right) \times \frac{1}{\frac{2}{Z_c} + \frac{1}{R}}$$

donc:

$$\frac{R + Z_c}{Z_c} V_s = \frac{V_e}{Z_c} + \frac{V_s}{R}$$

$$\times \left(\frac{2}{R} + \frac{1}{Z_c} \right) V_s$$

$$T(j\omega) = \frac{j\omega R}{1 + 3j\omega(R) + (j\omega R)^2}$$

$$T(j\omega) = \frac{jx}{1 + 3jn + (jn)^2}$$

$$\text{avec: } n = c \cdot \omega R = \frac{\omega}{\omega_n}$$

$$\text{et: } \omega_0 = \frac{1}{CR}$$

en comparant avec la forme canonique du filtre passe bande on en déduit

$$2m = 3 \Rightarrow m = \frac{3}{2}$$

$$2T_0 m = 1 \Rightarrow T_0 = \frac{1}{2m} = \frac{1}{3}$$

$$\text{car } T_0 \leq 1$$

La fonction de transfert du second ordre on peut la mettre sous forme de deux fonctions simple du premier ordre.

$$1 + 3jn + (jn)^2 = 1 + 3P_1 + P_2^2$$

$$P_1 = jn \quad P_2 = jn$$

$$D = 5 \quad P_1 = \frac{-3 - \sqrt{5}}{2}$$

$$P_2 = \frac{-3 + \sqrt{5}}{2}$$

Alors:

$$1 + 3jn + (jn)^2 = \left(jn + \frac{3 + \sqrt{5}}{2} \right)$$

$$\left(jn + \frac{3 - \sqrt{5}}{2} \right)$$

$$T(j\omega) = jn \frac{1}{\left(jn + \frac{3 + \sqrt{5}}{2} \right) \left(jn + \frac{3 - \sqrt{5}}{2} \right)}$$

$$= jn \frac{1}{\left(\frac{3 + \sqrt{5}}{2} \right) \left(\frac{3 - \sqrt{5}}{2} \right)}$$

1

$$\left(1 + j \frac{\omega}{\omega_0 \left(\frac{3 + \sqrt{5}}{2} \right)} \right) \left(1 + j \frac{\omega}{\omega_0 \left(\frac{3 - \sqrt{5}}{2} \right)} \right)$$